

## Détermination de l'équation cartésienne de la tangente à la courbe $f(x)$ au point d'abscisse $a$

### ■ Exercice 1

On cherche l'équation cartésienne de la tangente à la courbe  $f(x) = \sqrt{x^2 - 3x + 1}$  au point d'abscisse 3

Les coordonnées du point d'abscisse  $a$  sont  $(a, f(a)) = (3, 1)$

recherchons la pente de la tangente,  $f'(a)$

Pour ce faire, commençons par calculer la dérivée de la fonction  $f$

$$f'(x) = \frac{2x - 3}{2\sqrt{x^2 - 3x + 1}}$$

Et donc, la pente est égale à  $f'(a) = \frac{3}{2}$

On remplace dans l'équation de la tangente:  $T \equiv y - f(a) = f'(a) \cdot (x - a)$

L'équation de la tangente peut donc s'écrire  $y = \frac{3(x - 3)}{2} + 1$

$$T \equiv y = \frac{3x}{2} - \frac{7}{2}$$

### ■ Exercice 2

On cherche l'équation cartésienne de la tangente à la courbe  $f(x) = 2x^3 + 3x^2 - 4$  au point d'abscisse  $-\frac{1}{2}$

Les coordonnées du point d'abscisse  $a$  sont  $(a, f(a)) = (-\frac{1}{2}, -\frac{7}{2})$

recherchons la pente de la tangente,  $f'(a)$

Pour ce faire, commençons par calculer la dérivée de la fonction  $f$

$$f'(x) = 6x^2 + 6x$$

Et donc, la pente est égale à  $f'(a) = -\frac{3}{2}$

On remplace dans l'équation de la tangente:  $T \equiv y - f(a) = f'(a) \cdot (x - a)$

L'équation de la tangente peut donc s'écrire  $y = -\frac{3}{2}\left(x + \frac{1}{2}\right) - \frac{7}{2}$

$$T \equiv y = -\frac{3x}{2} - \frac{17}{4}$$

### ■ Exercice 3

On cherche l'équation cartésienne de la tangente à la courbe  $f(x) = \frac{x^2 - 1}{3 - 2x}$  au point d'abscisse  $-1$

Les coordonnées du point d'abscisse  $a$  sont  $(a, f(a)) = (-1, 0)$

recherchons la pente de la tangente,  $f'(a)$

Pour ce faire, commençons par calculer la dérivée de la fonction  $f$

$$f'(x) = \frac{2x}{3-2x} + \frac{2(x^2-1)}{(3-2x)^2} = -\frac{2(x^2-3x+1)}{(3-2x)^2}$$

Et donc, la pente est égale à  $f'(a) = -\frac{2}{5}$

On remplace dans l'équation de la tangente:  $T \equiv y - f(a) = f'(a) \cdot (x-a)$

L'équation de la tangente peut donc s'écrire  $y = -\frac{2}{5}(x+1)$

$$T \equiv y = -\frac{2x}{5} - \frac{2}{5}$$